

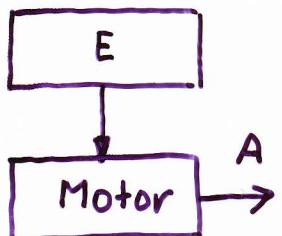
Prednáška č. Opakovanie pojmov Termodynamiky

1) Termomechanika a jej rozdeľenie

- TM : nauka o teple
- Teplo je energia $Q[J]$; merné teplo $q_r [J/kg]$
 - možno ho získávať a akumulovať do pracovnej látky (plyn, kvapalina, tuhá látka)
 - možno ho premeniť na iný druh energie
 - možno ho premeniť na mechanickú prácu
 - možno ho prenášať akumulované do pracovnej látky
- Teplota
 - je vonkajším prejavom tepla
 - absolútna (termodynamická) : $T [K]$
 - relatívna : $t [^{\circ}C]$
- Termomechanika :
 - termodynamika <energetická'
 - termokinetika - prenos tepla (heat transfer)
- Význam Termomechaniky v odbore AE
 - pre stavbu spalovacích motorov
 - pre automatické riadenie a diagnostiku
 - pre autotelekomunikáciu

2) Premena tepla na mechanickú prácu

El. energia \rightarrow Práca
(E) (A)

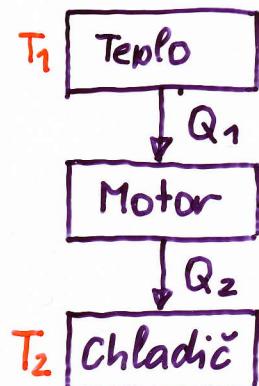


\approx bez strát

Účinnosť:

$$\gamma = \frac{A}{E} \doteq 1$$

Tepllo \rightarrow Práca
(Q) (A)



$$Q_1 = Q_2 + A$$

$$\begin{aligned} \gamma_t &= \frac{Q_1 - Q_2}{Q_1} = \\ &= 1 - \frac{Q_2}{Q_1} < 1 \end{aligned}$$

$$T_1 > T_2 !$$

Q_1 - teplo odobrané zo zásobníka (dodané do motora)

Q_2 - teplo odobrané ^{z motora} zo zásobníka chladením (straty)

A - práca získaná

Termická účinnosť premeny tepla na prácu:

$$\gamma_t = \frac{Q_1 - Q_2}{Q_1} = \frac{A}{Q_1} < 1$$

a) $\gamma_t = \frac{1}{3}$ pri tepelnej elektrárni \Rightarrow Ak $A=1$ potom

$$Q_1 = 3; Q_2 = 2$$

$\hookrightarrow Q_2$ sa odvádzá bez využitia do okolia

b) $\gamma_t = (0,5 \sim 0,6)$ - paroplynový cyklus

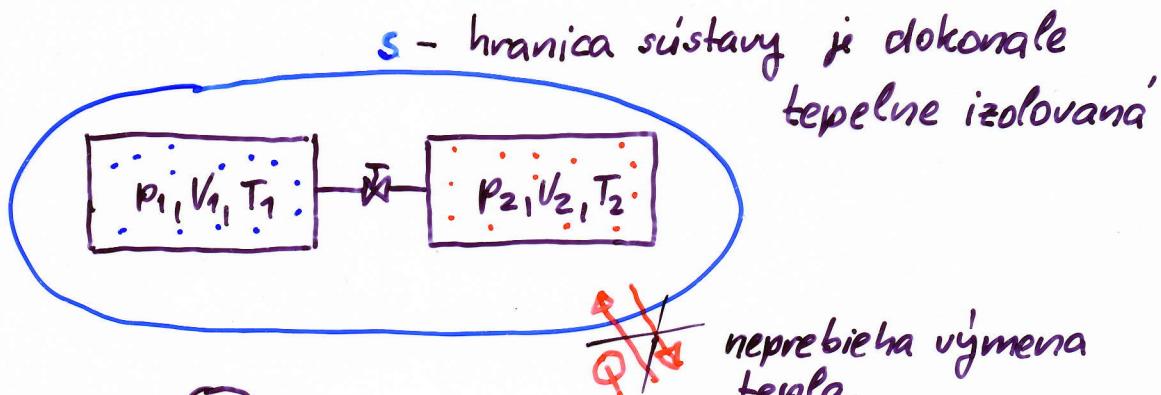
c) $\gamma_t = (0,6 \sim 0,7)$ - jednoduché spalovacie motory

Záver: Premena tepla na prácu nemôže prebiehať bez chladenia ani teoreticky. Čím je $T_1 > T_2 \Rightarrow$ tým je účinnosť premeny vyššia !!

3) Termodynamické sústavy

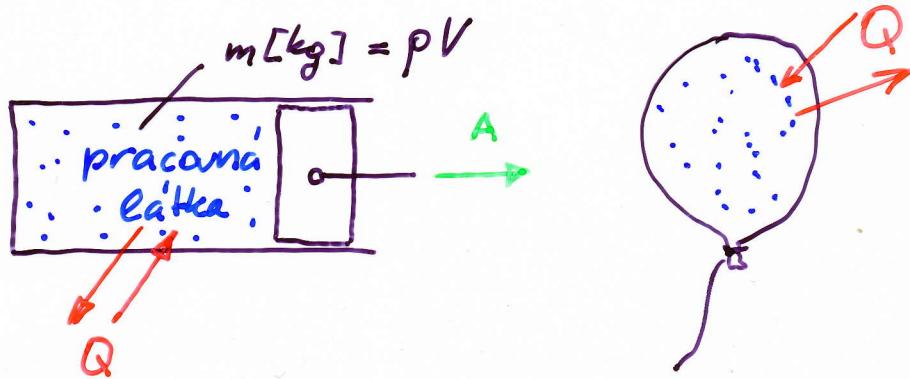
TD sústava: priestor s objemom V a povrchom S kde prebieha TD-zmena (valec spal. motoru, skriňa turbokompresora, čerpadlo, výmenníky tepla, radiátor, človek,.. vesmír) \Rightarrow vyplnený pracovou látka.

Izolovaná sústava: pracovná látka v sústave počas TD-zmeny nevymieňa, cez hranicu sústavy S neprebieha ani výmena tepla (ohrev, chladenie) medzi pracovou látkou a okolím.



Uzávretá sústava: (US)

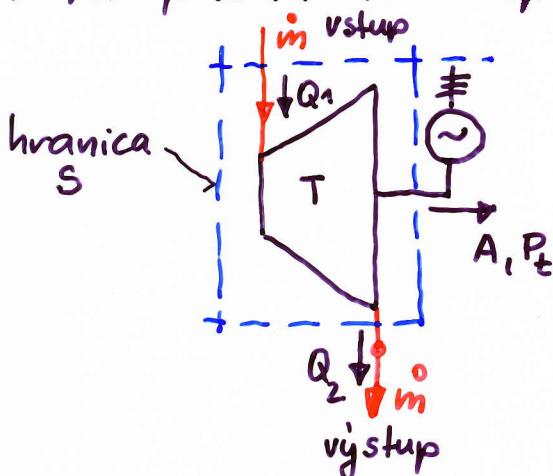
- hranicou môže prechádzať teplo, nie však pracovná látka



(US) - sú všetky telesá tuhej fázy, zásobníky, valce SM pri expanzii alebo kompresii, chladenie a ohrev vodičov a elektrónickej prútokov, ...

Otvorená TD sústava: \textcircled{OS}

- hranicu prechádza teplo i pracovná látka



T - turbina

m° - hmotnosťný prietok
prac. látky [kg/s]

\dot{V} - objemový prietok [$\frac{m^3}{s}$]

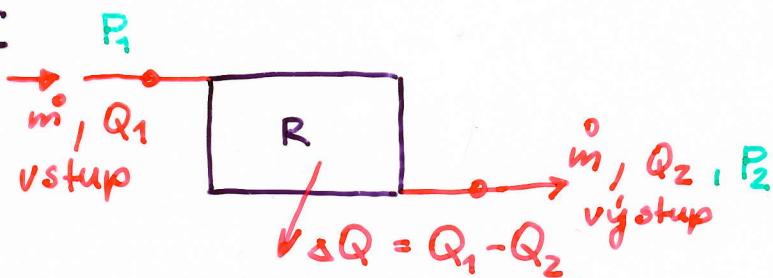
$$\dot{m} = \rho \dot{V}; \rho - \text{merná hmotnosť}$$

$\left[\frac{kg}{m^3} \right]$

$$\frac{1}{\rho} = V^{\circ} - \text{merný objem}$$

$\left[\frac{m^3}{kg} \right]$

radiator



(tepelný výkon)

odvedené teplo do vykurovaneho priestoru

Pri tepelnej bilancii musime rozlišovať medzi \textcircled{VS} a \textcircled{OS}

V energetickej termodynamike sú hlavne \textcircled{OS}

Valec spalovacieho motora v rámci jednej TD zmeny považovať za \textcircled{VS} . V rámci celkového pracovného cyklu motora však dochádza k výmene palivovej zmesi $\Rightarrow \textcircled{OS}$

Pracovná látka = reálny plyn \cong ideálny plyn

Ideálny plyn \Rightarrow abstrakcia reálnej pracovnej látky

- molekuly sú hmotné body s $dV \rightarrow 0$ ale s hmotnosťou $\rho = dm/dV$
- medzi hmotnými bodmi nepôsobia pritážacie a odpudivé sily
- materiálové vlastnosti sú nezávislé na teplote

Reálny plyn:

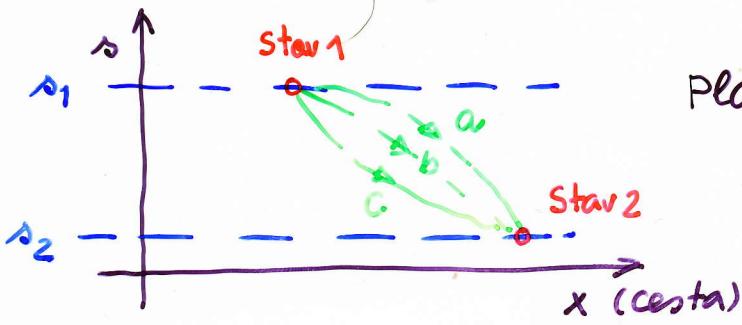
- molekuly majú konečnú veľkosť
- pôsobia medziatomové sily
- materiálové vlastnosti sú teplotne závislé'

Zákony TD sa formulojajú pre ideálny plyn, s určitým približením ich možno použiť aj pre reálne plyny

4) Stavová rovnica ideálneho plynu

Stavová veličina:

Každý (TD-systém) - jeho stav je daný termofyzikálnymi veličinami. Ak tieto veličiny nie sú závisle na ceste po ktorej sa ich stav dosiahol \Rightarrow stavové veličiny



$$\text{Plati': } \Delta s = s_1^a - s_2^a = s_1^b - s_2^b = s_1^c - s_2^c$$

$$\oint ds = 0 !$$

Základné stavové veličiny: p , v , T

a) tlak p [N/m^2] = 1 Pa (Pascal) - sila na jednotku plochy

Iné jednotky: $1 \text{ MPa} = 10^6 \text{ Pa} = 1 \text{ N/mm}^2$
 $1 \text{ kPa} = 10^3 \text{ Pa}$

Atmosferický tlak (barometricky): $p_b \doteq 0,1 \text{ MPa} = 100 \text{ kPa} = 1 \text{ atm}$

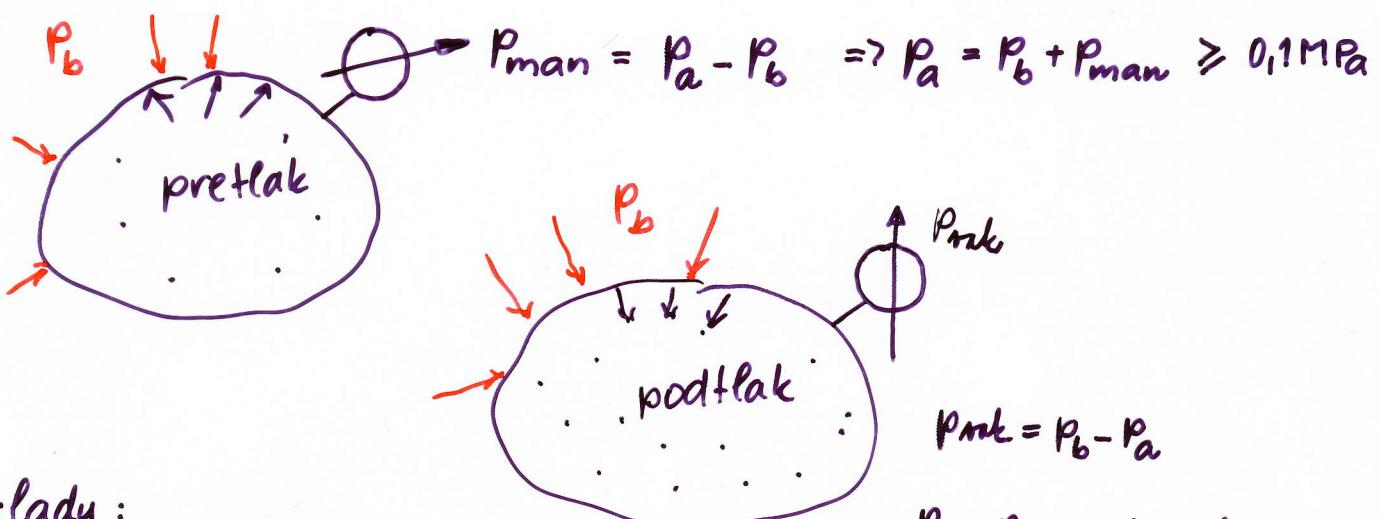
$1 \text{ atm} = 760 \text{ mm Hg} = 103,325 \text{ kPa} \doteq 0,1 \text{ MPa} = 1 \text{ atm}$

$1 \text{ torr} = 1 \text{ mm Hg} = 133,3 \text{ Pa}$

$0,1 \text{ MPa} = 10 \text{ m H}_2\text{O} \doteq 1 \text{ atm}$

Tlak: - absolutný : Pa

- relativný : - pretlak : p_{man} (manometricky)
- podtlak : p_{vak} (vakuometricky)



Priklady:

100% vakuu: $p_a = p_b - p_{\text{vak}} = 0 \Rightarrow p_{\text{vak}} = p_b \doteq 0,1 \text{ MPa}$

93% -: $p_a = 0,007 \text{ MPa} = 7 \text{ kPa} \Rightarrow p_{\text{vak}} = 0,093 \text{ MPa}$

$p_a = 4 \text{ kPa} \Rightarrow 96\% \text{ vakuu} \Rightarrow p_{\text{vak}} = 0,096 \text{ MPa}$

Manometer (na čistodnom kurení, na pneumatike, ...)

(7)

meria pre tlak $p_{man} = 0,1 \text{ MPa} \doteq 1 \text{ atm}$

Potom absolutný tlak : $p_a = p_b + p_{man} = 0,12 \text{ MPa} \doteq 2 \text{ atm}$

b) merný objem :

$$v = \frac{1}{p} = \frac{V}{m} \left[\frac{\text{m}^3}{\text{kg}} \right] \Rightarrow V = m \cdot v \left[\text{m}^3 \right]$$

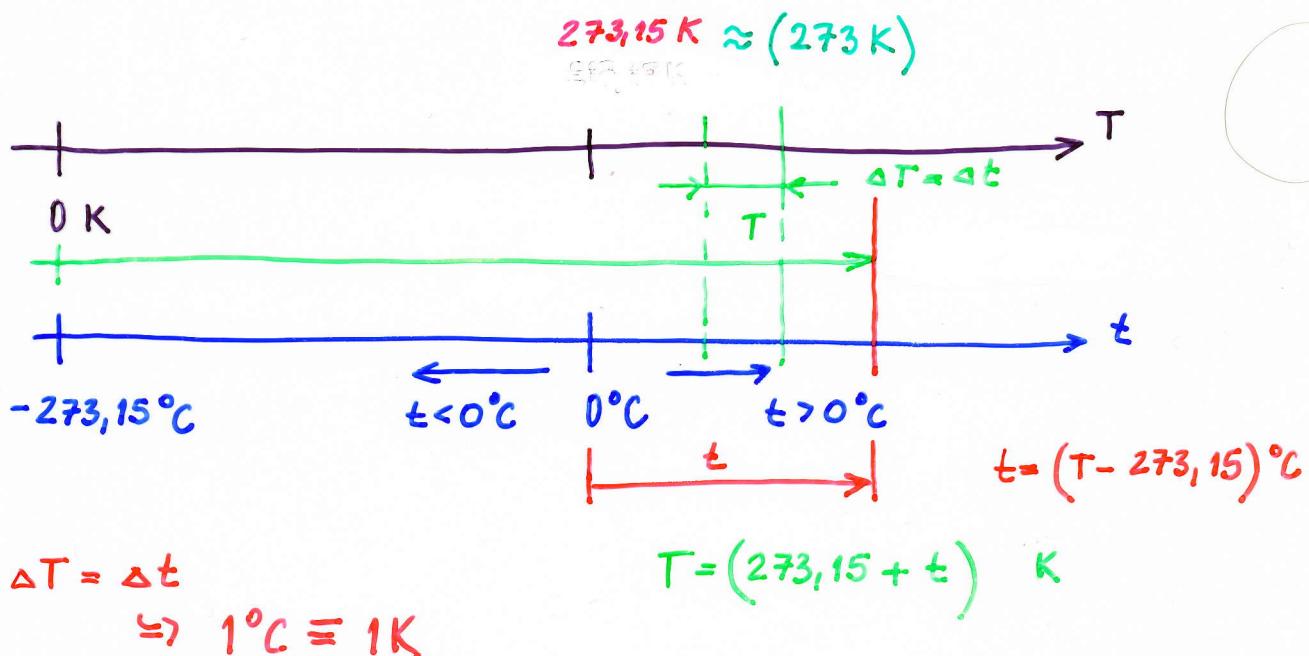
$$\dot{V} = \dot{m} \cdot v = \frac{\dot{m}}{p} \left[\frac{\text{m}^3}{\text{s}} \right]$$

↳ prietokový objem

$$\dot{m} = p \dot{V} \left[\frac{\text{kg}}{\text{s}} \right]$$

↳ prietokové množstvo

c) Teplota :



t - teplota $[^\circ \text{C}]$

T - termodynamická (absolutná) teplota

p a V sú funkciu teploty t :

- pre $p = \text{konšt}$: $V = V_0(1 + \gamma_1 t)$ $V_0 = [V]_{t=0^\circ \text{C}}$

- pre $V = \text{konšt}$: $p = p_0(1 + \beta t)$ $p_0 = [p]_{t=0^\circ \text{C}}$

Pre ideálny plyn: $\gamma_1 = \beta = \frac{1}{273,15}$

Vzájomná závislosť p, n a $T \Rightarrow$ stavová rovnica plynov (8)

$$p \cdot n = RT \quad - \text{pre } m = 1\text{kg plyn}$$

plynová konštantă: $R = \frac{p \cdot n}{T} \quad \left[\frac{\frac{N}{m^2} \cdot \frac{m^3}{kg}}{K} \right] = \left[\frac{N \cdot m}{kg \cdot K} \right] = \left[\frac{J}{kg \cdot K} \right]$

Pre ideálny plyn: $R = \text{konst.} \neq f(T)$

Stavová rovnica pre $m [\text{kg}]$ plyn:

$$\begin{aligned} m \cdot p \cdot n &= m \cdot R \cdot T & m \cdot n &= V \\ \hookrightarrow \underline{pV} &= mRT \end{aligned}$$

Podmienky platnosti stavovej rovnice pre reálne plyny:

$$p \cdot n = RT \Rightarrow n = \frac{RT}{p}$$

a) ak $p \rightarrow 0 \Rightarrow n \rightarrow \infty$ - toto pre reálny plyn neplatí, lebo medzi molekulami sú prítážlivé sily

b) ak $p \rightarrow \infty \Rightarrow n \rightarrow 0$ - toto neplatí (hmota nemôže prechádzať sama do seba \(\Rightarrow\) najmenší objem má plyn, ktorého molekuly sa dotýkajú).

\(\Rightarrow\) Ak $p \neq 0$ a $p \neq \infty \rightarrow$ možno stavovú rovinu používať aj pre reálne plyny.

Napr.: v spalovacom motore sú tlaky $p \in (5 \sim 16)$ MPa

5) Merná tepelná kapacita látky (špecifické teplo) $C \left[\frac{kJ}{kg \cdot K} \right]$

Def.: je množstvo tepla potrebné dodat - 1 kg látky aby sa zohriať o $\Delta T = 1 K$.

Pre tuhé látky a kvapaliny je len jedno merné teplo C .

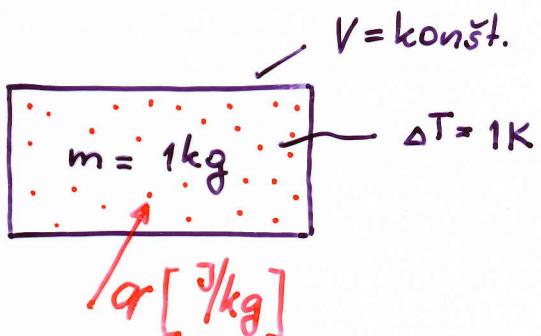
Pre plyny :- zohrievanie pri konštantnom tlaku :
(chladenie)

$$p = \text{konšt.} \Rightarrow C_p \left[\frac{kJ}{kg \cdot K} \right]$$

- zohrievanie pri konštantnom objeme :

$$v = \text{konšt.} \Rightarrow C_v \left[\frac{kJ}{kg \cdot K} \right]$$

a) Ohrev pri $v = \text{konšt.}$:



$$\Delta q_r = C_v \cdot \Delta T$$

Ohrevom sa zvyší kinetická energia látky \Rightarrow zvyší sa teplota plynu

$$\text{alebo: } dq_r = C_v \cdot dT$$

$$\hookrightarrow q_r = \int_1^2 dq_r = \int_1^2 C_v \cdot dT = C_v (T_2 - T_1) \quad \text{ak } C_v = \text{konšt.}$$

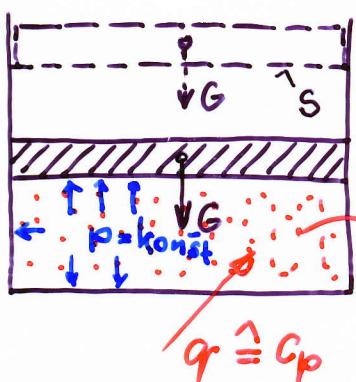
Pre m [kg]

$$dQ = m \cdot dq_r = m \cdot C_v \cdot dT$$

$$\hookrightarrow Q_r = m \cdot q_r = m \cdot C_v (T_2 - T_1) \quad [J]$$

Ak chceme látku zohriat o $\Delta T = T_2 - T_1$ [K], musíme m - kg látky dodat Q_r [J] tepla !!

b) ohrev pri konšt. tlaku $p = \text{konst.}$



$$\text{tlak: } p = \frac{G}{S} = \text{konst} \quad [\text{Pa}]$$

- privodom tepla q sa ohreje
 $m = 1 \text{ kg}$ látky o $\Delta T = 1 \text{ K}$ a
 vykoná sa mechanická práca
 pohybom hmoty s tiažovou
 silou $G \quad [\text{N}]$

$$dq = C_p dT \quad dQ = m \cdot C_p \cdot dT \quad Q_p = m \cdot C_p \cdot \Delta T$$

Látka sa otepľí tak ako pri $\nu = \text{konst.}$, ale na-
 výše sa vykoná práca $\Rightarrow C_p > C_v$

Plati Mayerová rovnica:

$$C_p - C_v = R \quad [\text{J/kgK}]$$

Ďalej platí fyzikálny zákon

$$\frac{C_p}{C_v} = \lambda \quad - \text{Poissonova konštanta}$$

$\lambda = 1,4$ - pre dvojatómové plyny (H_2, O_2, N_2 , vzduch)

$\lambda = 1,3$ - pre trojatómové plyny

$\lambda = 1,6$ - pre jednoatómové plyny

λ sa zistuje experimentálne a uvádzajú sa v termofyzikálnych tabuľkách.

Priklad:

Ake' množstvo tepla $Q = ?$ treba dodat el. ohrevom na zohriatie medeného vodiča dĺžky $l = 1\text{m}$; priemer $d = 10\text{mm}$, a $\Delta t = 10^\circ\text{C}$.

Dané je: $C_{Cu} = 379 \text{ J/kgK}$; $\rho_{Cu} = 8930 \text{ kg/m}^3$

Riešenie:

$$Q = m \cdot C_{Cu} \cdot \Delta t = \rho \cdot V \cdot C_{Cu} \cdot \Delta t = 8930 \frac{\pi \cdot 0,1^2}{4} \cdot 1 \cdot 379 \cdot 50$$

$$Q = 1328,4 \text{ kJ} \quad - \text{pri } \nu = \text{konšt.} \\ (\text{len súčasnosť: } C_p = C_v = C_{Cu})$$

Za aký čas sa vodič ohreje, ak jeho tepelný výkon je $P_t = RI^2 = 100 \text{W}$? (bez odvodu tepla do okolia)

$$P_t = \frac{Q}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{Q}{P_t} = \dots 3,7 \text{ hod}$$

Priklad:

$m = 1\text{kg}$ vzduchu zohnievame: a) $\rho = \text{konšt.}$, b) $\nu = \text{konšt.}$, kol'kokrát treba dodat viac tepla pri $\rho = \text{konšt.}$, ak $C_p = 1 \text{ kJ/kgK}$; $C_v = 0,7 \text{ kJ/kgK}$

Riešenie: $\chi = \frac{C_p}{C_v} = 1,4$ krát viac pre $\rho = \text{konšt.}$

Merné teplo ako funkcia teploty:

$$C_p = a + b \cdot t$$

$$C_v = a' + b' \cdot t$$

(vid' tabuľky a grafy)

8. Tabuľky a diagramy

Ma R nezávisí na stave

Fyzikálne parametre technických plynov pri tlaku
0,10133 MPa a teplote 0 °C

Tabuľka 1

Plyn	Chem. znač- ka	Môlová hmot- nosť M	Merná hmot- nosť o	Plynová konšt. r - R	Merné teplá pri p → 0		
		kg/kmol	kg/m ³	J/kg K	c _p kJ/kg K	c _v kJ/kg K	æ
Acetylén	C ₂ H ₂	26,036	1,171	319,60	1,529	1,323	1,23
Argón	Ar	39,944	1,784	208,49	0,532	0,316	1,67
Benzol	C ₆ H ₆	78,108	3,550	444,08	1,252	1,137	1,10
Čpavok	NH ₃	17,032	0,771	488,27	2,056	1,555	1,32
<u>Dusík</u>	N ₂	28,016	1,250	296,75	1,038	0,739	1,40
Etán	C ₂ H ₆	30,068	1,356	276,65	1,645	1,348	1,22
Etylén	C ₂ H ₄	28,052	1,260	296,65	1,474	1,181	1,25
Hélium	He	4,003	0,178	2 079,00	5,234	3,202	1,66
Chlór	Cl ₂	70,914	3,214	117,38	0,502	0,375	1,34
Chlorovodík	HCl	36,465	1,639	228,00	0,812	0,573	1,42
Kysl.siričitý	SO ₂	64,060	2,927	129,84	0,632	0,498	1,27
Kysl. uhličitý	CO ₂	44,010	1,977	188,97	0,821	0,628	1,31
Kysl. uholnatý	CO	28,010	1,250	297,04	1,043	0,743	1,40
<u>Kyslík</u>	O ₂	32,000	1,429	259,88	0,917	0,657	1,40
Metán	CH ₄	16,042	0,717	518,77	2,173	1,675	1,30
Neón	Ne	20,183	0,899	404,00	1,030	0,619	1,66
Propán	C ₃ H ₈	44,094	2,019	183,78	1,507	1,310	1,15
Sírovodík	H ₂ S	34,080	1,538	241,24	1,105	0,850	1,30
Vodík	H ₂	2,016	0,089 9	128,60	14,235	10,111	1,41
Vodná para	H ₂ O	18,016	(0,804)	461,60	1,855	1,390	1,33
<u>Vzduch</u>	O ₂ +N ₂	28,966	1,293	288,00	1,005	0,714	1,40

Fyzikálne parametre technických plynov

Tabuľka 2

Plyn	Bod varu	Bod topenia	Výparné teplo l_v	Skup. teplo top. l_t	Kritické parametre		
					t_k	p_k	$v_k \cdot 10^3$
	$^{\circ}\text{C}$	$^{\circ}\text{C}$	kJ/kg	kJ/kg	$^{\circ}\text{C}$	MPa	m^3/kg
Acetylén	- 83,6	- 81,5	829,0	96,30	+ 35,9	0,634 5	4,33
Argón	-185,9	-189,3	157,4	29,30	-122,4	4,864 1	1,92
Benzol	+ 80,0	+ 5,45	386,8	127,28	+288,5	4,864 0	3,29
Čpavok	- 33,4	- 77,7	1 372,0	339,14	+132,4	11,297 3	4,25
Dusík	-195,8	-210,0	199,2	25,75	-147,1	3,393 1	3,22
Etán	- 89,0	-183,2	489,0	92,95	+ 35,3	4,962 2	4,93
Etylén	-103,7	-169,2	523,0	104,67	+ 9,5	5,138 7	4,63
Hélium	-268,9	-271,0	2 093,0	3,51	-267,9	0,229 5	14,50
Chlór	- 34,1	-103,0	259,5	188,41	+143,9	7,698 2	1,74
Chlorovodík	- 85,0	-115,5	444,0	56,10	+ 51,4	8,414 1	1,64
Kysl.uhlíčitý	- 10,0	- 75,7	402,0	116,81	+157,5	7,884 5	1,91
Kysl.uhlíčitý	- 78,4	- 56,6	574,0	184,22	+ 31,0	7,404 0	2,14
Kysl.uholnatý	-191,5	-205,1	216,0	30,14	-140,2	3,501 0	3,32
Kyslík	-183,0	-218,8	213,5	13,82	-118,2	5,040 6	2,33
Metán	-161,4	-182,6	506,2	58,61	- 82,9	4,643 4	6,17
Neón	-246,1	-248,6	104,6	16,74	-228,7	2,759 55	2,07
Propán	- 42,2	-187,1	426,0	79,97	+ 96,8	4,256 1	4,42
Sírovodík	- 60,5	- 85,5	549,0	69,50	+100,4	9,017 2	-
Vodík	-252,8	-259,2	460,5	58,19	-239,9	1,294 0	32,27
Vodná para	+100,0	0,0		333,95	+374,2	22,045 3	3,04
Vzduch	-192,2	-213,0	196,7		-140,7	3,765 7	3,23

Merné tepelné kapacity plynov v závislosti
od teploty $c = a + bt$ v rozmezí teplôt
0 - 1000 °C

Tabulka 3

Plyn	$c_p = a + bt$	$c_v + a' + b't$
	[J/kg.K]	[J/kg.K]
O ₂	$c_p = 920,00 + 0,213\ 4 \cdot t$	$c_v = 652,72 + 0,254\ 4 \cdot t$
N ₂	$c_p = 1\ 023,00 + 0,171\ 0 \cdot t$	$c_v = 728,90 + 0,167\ 6 \cdot t$
Vzduch	$c_p = 995,20 + 0,187\ 0 \cdot t$	$c_v = 710,00 + 0,187\ 0 \cdot t$
H ₂	$c_p = 14\ 196,29 + 1,206\ 8 \cdot t$	$c_v = 10\ 071,88 + 1,206\ 7 \cdot t$
CH ₄	$c_p = 2\ 235,00 + 2,959\ 5 \cdot t$	$c_v = 1\ 709,60 + 2,974 \cdot t$
CO	$c_p = 1\ 030,00 + 0,194\ 0 \cdot t$	$c_v = 720,12 + 0,191\ 5 \cdot t$
CO ₂	$c_p = 873,46 + 0,460,0 \cdot t$	$c_v = 684,62 + 0,459\ 8 \cdot t$
H ₂ O	$c_p = 1\ 833,00 + 0,622\ 0 \cdot t$	$c_v = 1\ 378,29 + 0,585\ 5 \cdot t$
SO ₂	$c_p = 631,36 + 0,310\ 8 \cdot t$	$c_v = 501,58 + 0,310\ 8 \cdot t$
H ₂ S	$c_p = 989,79 + 0,453\ 5 \cdot t$	$c_v = 742,52 + 0,456\ 6 \cdot t$
NH ₃	$c_p = 2\ 072,66 + 1,630\ 1 \cdot t$	—

Stredné merné teplo plynov v rozmedzí teplôt t_1 až t_2

$$| c |_{t_1}^{t_2} = \frac{1}{t_2 - t_1} \int_{t_1}^{t_2} c dt = a + b \frac{t_1 + t_2}{2}$$

Výhrevnosť tuhých a kvapalných palív

Tabuľka 6

Tuhé palivo	η Výhrevnosť $\text{kJ} \cdot \text{kg}^{-1}$	Kvapalné palivo	η Výhrevnosť $\text{kJ} \cdot \text{kg}^{-1}$
Brikety z čierneho uhlia	26 795	Alkohol	26 796
Čierne uhlie Ostrava	23 791	Benzín	42 035
Čierne uhlie Kladno	18 673	Benzén	40 403
Hnedé uhlie Most	16 580	Petrolej	39 775
Hnedé uhlie Handlová	17 961	Plyn, olej (nafta)	41 843
Hnedé uhlie Modrý Kamen	13 984	Skvapalnený plyn	46 055
Lignit - Morava	9 546	Ropa	40 193
Lignit - Slovensko	9 253	Olej vyhr. ľahký	42 077
Antracit	31 192	Olej vyhr. ťažký	41 784
Drevo	14 277	Hnedouholný decht	40 235
Hutnícky koks	30 103	Kamenouholný decht	37 681
Plynárenský koks	29 786	Toluén	40 528